

# Julia 101: uma Abordagem Regional

Alan Leal

[www.alanleal-econ.com](http://www.alanleal-econ.com)

NEREUS-FEA/USP

August 9th, 2024



- Julia (Bezanson et al. (2012)) surgiu em 2012, como uma alternativa à legibilidade do Python e Matlab e à velocidade do C++.
- Ela é uma linguagem compilada, com tipagem forte (O que é isso?).
- Principais vantagens: legibilidade, velocidade e **PREÇO**. Ela é gratuita e seus usos são numerosos, principalmente na computação científica.

- Temos dois objetivos principais neste workshop:
  - 1 Introduzi-los à base da linguagem Julia, em especial no que concerne à computação científica - álgebra linear, otimização, dentre outros.
  - 2 Mostrar aplicações na Economia e Econometria Espacial na Julia. Em particular, vamos trabalhar com ESDA e algum modelo simples de regressão espacial.
- Os slides seguintes aqui detalham a teoria por trás dos métodos que vamos aplicar ao longo deste workshop.

# Instalação

- Você precisará instalar o Anaconda e, em seguida, a Julia para replicar a aula de hoje em seu computador:
  - 1 Jupyter Notebook. Usaremos a Julia num jupyter notebook. Jupyter Notebook são distribuídos no "pacote" Anaconda. Você pode baixar o Anaconda aqui: <https://www.anaconda.com/download/success>.
  - 2 Julia pode ser instalada a partir dos binaries disponíveis aqui: <https://julialang.org/downloads/>. Escolha seu sistema operacional e arquitetura. Em seguida, basta instalar normalmente o programa.
  - 3 Atente-se em baixar e instalar as versões compatíveis com sua máquina.

- Com a configuração da Anaconda e Julia pronta, basta você ativar um jupyter notebook, a partir do Anaconda Navigator.
- Se sua configuração tiver sido bem sucedida, além da opção de criar jupyter notebooks no Python, haverá a opção de criá-los em Julia.
- É possível que você tenha que rodar o seguinte comando na **Julia** antes de usá-la no jupyter notebook: digite "]" no terminal da Julia e entre o comando "add !Julia", todos esses comandos sem as aspas obviamente.

## ESDA-Exemplos

- Aqui, lembraremos bem brevemente a Análise Exploratória de Dados Espaciais, através da estatística de I de Moran e o LISA univariado.
- O I de Moran pode ser definido como:

$$I = \frac{N}{S_0} \frac{x' W x}{x' x}$$

com  $S_0 = \sum_i \sum_j w_{ij}$ .

- O I de Moran Local é dado por:

$$I_i = z_i \sum_j w_{ij} z_j$$

- O exemplo em código considera a estimação da variância também, contudo por simplicidade não exibimos esses procedimentos aqui.

- Consideramos aqui o modelo do tipo:  $y = \rho W y + \beta X + \varepsilon$ .
- Este é um modelo SAR tradicional, que é estimado geralmente via máxima verossimilhança.
- Nosso código implementa esse problema, usando a base de dados Ceará Zika (<https://geodacenter.github.io/data-and-lab/Ceara-Zika/>).  
Desenvolvemos o código para implementar estimações pontuais e intervalares, além de efeitos diretos, indiretos e totais, com seus respectivos desvios-padrão obtidos via bootstrap.

# Efeitos Diretos, Indiretos e Totais

- Temos que os três efeitos têm por fórmulas pontuais:

- ① Efeito Direto =  $\frac{1}{n} \sum_i \psi_{ii} \beta_r$

- ② Efeito Total =  $\frac{1}{n} \sum_i \sum_j \psi_{ij} \beta_r$

- ③ Efeito Indireto =  $\frac{1}{n} \sum_i \sum_j \psi_{ij} \beta_r - \frac{1}{n} \sum_i \psi_{ii} \beta_r$

- Em que  $\psi_{i,j}$  é definido da seguinte forma:  $(I - \rho W)_{ii}^{-1} = \psi_{ii}$  e  $(I - \rho W)_{ij}^{-1} = \psi_{ij}$

- As estimações de desvio-padrão são feitas aqui usando o bootstrap.



- Referência de vários algoritmos econômicos implementados na Julia, QuantEcon, por Perla, Sargent, Stachurski, disponível aqui: <https://julia.quantecon.org/intro.html>. Neste link: [https://julia.quantecon.org/getting\\_started\\_julia/getting\\_started.html](https://julia.quantecon.org/getting_started_julia/getting_started.html), você encontra outros modos de instalar Julia, no contexto do pacote Anaconda. Este é um tutorial relativamente, completo ainda que não usaremos todas essas etapas no dia de hoje.

# References I

Bezanson, J., Karpinski, S., Shah, V. B., and Edelman, A. (2012). Julia: A fast dynamic language for technical computing. *arXiv preprint arXiv:1209.5145*.